

Introdução aos Formalismos para Modelagem de Sistemas Concorrentes

Por
Paulo Maciel
Centro de Informática
Universidade Federal de Pernambuco

Objetivo

- Apresentar alguns formalismos para a modelagem de sistemas concorrentes.
- Descrever as principais características destes modelos.
- Modelagem de Problemas.
- Ressaltar as potencialidades destes modelos.

Metodologia

- Aulas expositivas
- Seminários onde serão discutidos em sala os assuntos sugeridos. Para cada um dos temas será fornecido material de estudo.
- Aulas práticas.
- Desenvolvimento de estudo de casos.

Avaliação

- Listas
- Seminários
- Trabalho Final (*draft* de artigo)

Bibliografia Básica

- Introduction to Discrete Event Systems, Cassandras and Lafortune, Kluwer, 2008.
- Concurrency: State Models & Java Programs, 2nd Edition by Jeff Magee and Jeff Kramer John Wiley & Sons 2006
- Uma Introdução às Redes de Petri. Paulo Maciel, Rafael Lins, Paulo Cunha, Escola de Computação, 1996.
- Lectures Notes on Petri Nets I, Basic Models. Springer Verlag, 1998.
- Lectures Notes on Petri Nets II, Applications. Springer Verlag, 1998.

Classificação dos Modelos

- O que é um sistema?
- O que é um modelo?

Classificação dos Sistemas



Classificação dos Sistemas



Classificação dos Modelos

- **Modelos Baseados em Estado**
 - Consideram apenas os estados para modelar e se referir as propriedades do sistema.
 - Maioria das lógicas temporais, autômatos
- **Modelos Baseados em Ações**
 - Consideram apenas as ações para modelar e se referir as propriedades dos sistemas.
 - As álgebras de processos: CCS, CSP, COSY, FSP
- **Modelos Heterogêneos**
 - Consideram ações e estados.
 - **Redes de Petri**

Motivação

- Considere uma situação onde se deseja representar de forma precisa o comportamento de um **sistema de manufatura**, responsável pela **fabricação de três tipos de produtos** diferentes.
- A realização das atividades de manufatura de cada produto é denominada um processo. Estes **processos podem ser executado paralelamente**.
- O ambiente de manufatura disponibiliza **três máquinas** (recursos) para realização das atividades dos processos.
- **Cada par de processos compartilha entre si uma máquina.**
- **E cada processo precisa simultaneamente de duas máquinas** para realização de uma determinada atividade.

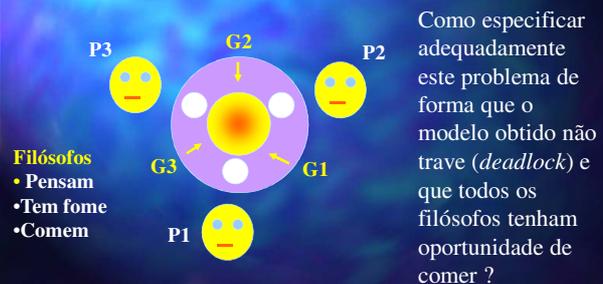
Motivação

- Estrutura do Problema



Motivação

- O Problema Jantar dos Filósofos



Apresentação

- LTS – Sistema de Transição Rotulado, Máquinas ou Autômatos (*Labeled Transitions Systems*)
- FSP – *Finite Sequential Process*
- Redes de Petri

Apresentação

- Máquinas de Estados Finitos (*Finite State Machines*)
- LTS – Sistema de Transição Rotulado (*Labeled Transitions Systems*)
- CSP – *Communicating Sequential Process*
- Estruturas Traces
- Redes de Petri

Máquinas de Estados, Autômatos ou Sistemas de Transição Rotulados

Máquinas de Estados

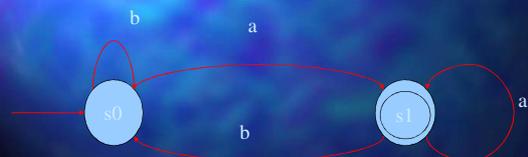
- Máquina de Estados Determinística
- Máquina de Estados Não-Determinística
- Máquina de Estados Finitos Não-Determinística
- Máquinas de Estados Finitos Determinística
 - Máquina de Estados Finitos Determinística com Entradas e Saídas

Máquina de Estados Determinística

- $SM = (S, E, f, \Gamma, s_0, S_m)$
 - S – Conjunto de estados
 - $s_0 \in S$ – Estado inicial
 - E – Alfabeto (conjunto de eventos)
 - $f : S \times E \rightarrow S$ – Função de próximo estado
 - $\Gamma : S \rightarrow 2^E$ – Função dos eventos factíveis
 - $S_m \subseteq S$ – Conjunto de estados marcados

Máquina de Estados Determinística

$S = \{s_0, s_1\}$, $E = \{a, b\}$, $f(s_0, a) = s_1$,
 $f(s_0, b) = s_0$, $f(s_1, a) = s_1$, $f(s_1, b) = s_0$,
 $\Gamma(s_0) = \{a, b\}$, $\Gamma(s_1) = \{a, b\}$, $S_m = \{s_1\}$



Máquina de Estados Determinística

Linguagem Gerada

$$L(SM) = \{st \in E^* \mid f(s_0, st) \text{ é definida}\}$$

se f for uma função total então $L(SM) = E^*$

Linguagem Marcada

$$Lm(SM) = \{st \in L(SM) \mid f(s_0, st) \in S_m\}$$



$$Lm(SM) = \{a, aa, ba, aaa, aba, \dots\}$$

$$L(SM) = E^*$$

Máquina de Estados Determinística

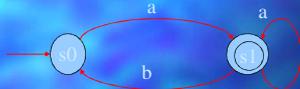
- Duas Máquinas de Estados SM1 e SM2 são ditas equivalentes se

$$L(SM1) = L(SM2)$$

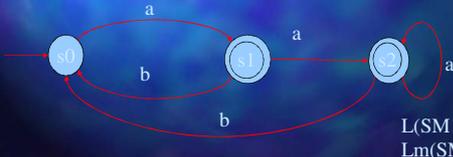
$$Lm(SM1) = Lm(SM2)$$

Máquina de Estados Determinística

SM1



SM2

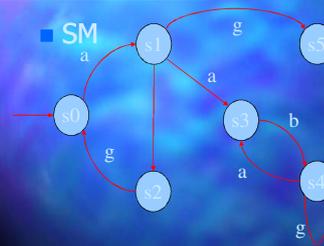


$$L(SM1) = L(SM2)$$

$$Lm(SM1) = Lm(SM2)$$

Máquina de Estados Determinística

■ SM



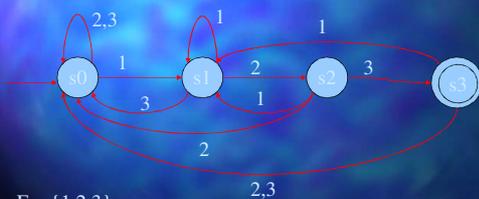
•Deadlock - Estado s5

•Livelock - Estados s3, s4

•Alcançabilidade - Um estado sn é alcançável de $s0$ se existe um conjunto de eventos que realizados a partir de $s0$ levam a sn .
 $s4 \in R(s0)$
 $s0 \notin R(s4)$

Máquina de Estados Determinística

■ Detector de Sequência 123



$$E = \{1,2,3\}$$

Máquina de Estados Determinística

Sistema de Fila

Neste ambiente, os usuários chegam e solicitam acesso a um servidor. Caso o servidor esteja ocupado, os usuários devem aguardar na fila. Quando o usuário completa a operação solicitada, ele sai do sistema e o próximo usuário da fila é servido imediatamente.

Podemos modelar este problema com um automata (máquina) de estados infinitos.

Os eventos que dirigem o sistema são:

a : chegada de um usuário

d : saída de um usuário

Portanto,

$$E = \{a, d\}$$

$$S = \{s_0, s_1, s_2, \dots\}$$

$$f(s, a) = s+1, \forall s \geq 0$$

$$f(s, d) = s-1, \text{ se } s > 0$$

$$\Gamma(s) = \{a, d\}, \forall s > 0$$

$$\Gamma(0) = \{a\}$$

Máquina de Estados Determinística

Sistema de Fila

$E = \{a, d\}$
 $S = \{0, 1, 2, \dots\}$
 $f(s, a) = s + 1, \forall s \geq 0$
 $f(s, d) = s - 1, \text{ se } s > 0$
 $\Gamma(s) = \{a, d\}, \forall s > 0$
 $\Gamma(0) = \{a\}$



Máquina de Estados Determinística

Sistema de Fila

Para este mesmo sistema, vamos focar o estado do servidor. Vamos assumir que o servidor pode estar desocupado (**I**), ocupado (**B**) ou quebrado (**D**). Assumi-se que quando o servidor está quebrado, o usuário em serviço é perdido. Portanto, após o reparo, o servidor está desocupado. Os eventos são: serviço começa (**a**), serviço finaliza (**b**), servidor quebra (**l**) e servidor é reparado (**n**).

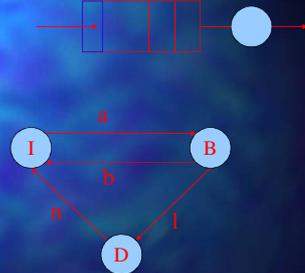


$E = \{a, b, l, n\}$
 $S = \{I, B, D\}$
 $f(I, a) = B, f(B, b) = I,$
 $f(D, n) = I, f(B, l) = D,$
 $\Gamma(I) = \{a\}, \Gamma(B) = \{b, l\},$
 $\Gamma(D) = \{n\}$

Máquina de Estados Determinística

Sistema de Fila

$E = \{a, b, l, n\}$
 $S = \{I, B, D\}$
 $f(I, a) = B, f(B, b) = I,$
 $f(D, n) = I, f(B, l) = D,$
 $\Gamma(I) = \{a\}, \Gamma(B) = \{b, l\},$
 $\Gamma(D) = \{n\}$



Máquina de Estados Não-Determinística

$SM_{nd} = (S, E \cup \{\epsilon\}, F, \Gamma, s_0, S_m)$

- S - Conjunto de estados
- $s_0 \in S$ - Estado inicial
- E - Alfabeto (conjunto de eventos)
- $F : S \times E \times S$ - Relação de próximos estados
- $\Gamma : S \rightarrow 2^E$ - Função dos eventos factíveis
- $S_m \subseteq S$ - Conjunto de estados marcados

Por quê utilizar?

1. Desconhecimento sobre determinadas atividades ou necessidade de abstração
2. É possível obter um automata de menor número de estados.

Máquina de Estados Não-Determinística

$SM_{nd} = (S, E \cup \{\epsilon\}, F, \Gamma, s_0, S_m)$

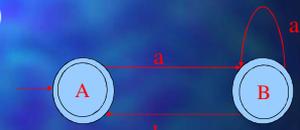
$S = \{0, 1\}$
 $E = \{a, b\}$
 $F(0, a) = \{0, 1\}$
 $F(1, b) = \{0\}$
 $\Gamma(0) = \{a\}$
 $\Gamma(1) = \{b\}$



Máquina de Estados Não-Determinística

$SM_{nd} = (S, E, f, \Gamma, s_0, S_m)$

$S = \{A, B\}$
 $E = \{a, b\}$
 $f(A, a) = B$
 $f(B, a) = A, f(B, b) = A$
 $\Gamma(A) = \{a\}$
 $\Gamma(B) = \{a, b\}$



Máquinas não-determinísticas podem ser convertidas em máquinas determinísticas.

Máquina de Estados

-Algumas Operações-

Partes Acessíveis (Reachable)

$$SM = (S, E, f, s_0, S_m)$$

$$Rc(SM) = (S_{rc}, E_{rc}, f_{rc}, s_0, S_m^{rc})$$

$S_{rc} = \{s \in S \mid \exists st \in E^* \text{ que } f(s_0, st) \text{ esteja definida}\}$

$$S_m^{rc} = S_m \cap S_{rc}$$

$f_{rc} = f|_{S_{rc} \times E \rightarrow S_{rc}}$ é a função f com o domínio restrito a (S_{rc}, E)

Nós vamos assumir que as máquinas tratadas aqui são acessíveis.

Máquina de Estados

-Algumas Operações-

Composição Paralela

$$SM_1 = (S_1, E_1, f_1, \Gamma_1, s_0^1, S_m^1)$$

$$SM_2 = (S_2, E_2, f_2, \Gamma_2, s_0^2, S_m^2)$$

$$SM_1 || SM_2 = Rc(S_1 \times S_2, E_1 \cup E_2, f_{1||2}, \Gamma_{1||2}, (s_0^1, s_0^2), S_m^1 \times S_m^2)$$

$$f_{1||2}((s_1, s_2), e) = \begin{cases} (f_1(s_1, e), f_2(s_2, e)) & \text{se } e \in \Gamma_1(s_1) \cap \Gamma_2(s_2) \\ (f_1(s_1, e), s_2) & \text{se } e \in \Gamma_1(s_1) \setminus E_2 \\ (s_1, f_2(s_2, e)) & \text{se } e \in \Gamma_2(s_2) \setminus E_1 \\ \text{indefinido} & \text{caso contrário} \end{cases}$$

$$\Gamma_{1||2}(s_1, s_2) = \{\Gamma_1(s_1) \cap \Gamma_2(s_2)\} \cup \{\Gamma_1(s_1) \setminus E_2\} \cup \{\Gamma_2(s_2) \setminus E_1\}$$

Máquina de Estados

-Algumas Operações-

Composição Paralela

$$S = \{X, Y, Z\}, E = \{a, b, g\},$$

$$f(X, a) = X, f(X, g) = Z,$$

$$f(Y, a) = X, f(Y, b) = Y,$$

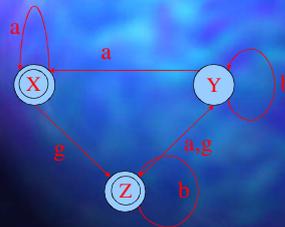
$$f(Z, b) = Z,$$

$$f(Z, a) = f(Z, g) = Y$$

$$\Gamma(X) = \{a, g\}, \Gamma(Y) = \{a, b\},$$

$$\Gamma(Z) = \{a, b, g\}$$

$$S_m = \{X, Z\}$$



Máquina de Estados

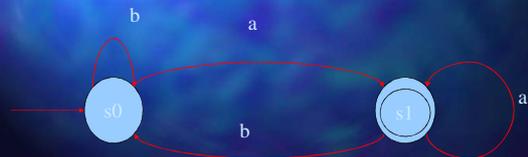
-Algumas Operações-

Composição Paralela

$$S = \{s_0, s_1\}, E = \{a, b\}, f(s_0, a) = s_1,$$

$$f(s_0, b) = s_0, f(s_1, a) = s_1, f(s_1, b) = s_0,$$

$$\Gamma(s_0) = \{a, b\}, \Gamma(s_1) = \{a, b\}, S_m = \{s_1\}$$



Máquina de Estados

-Algumas Operações-

Composição Paralela

$$S = \{(X,0), (X,1), (Y,0), (Y,1), (Z,0), (Z,1)\}$$

$$E = \{a, b, g\},$$

$$f((X,0), a) = (X,1), f((X,0), g) = (Z,0),$$

$$f((X,1), a) = (X,1), f((X,1), g) = (Z,1),$$

$$f((Y,0), a) = (X,1), f((Y,0), b) = (Y,0),$$

$$f((Y,1), a) = (X,1), f((Y,1), b) = (Y,0),$$

$$f((Z,0), b) = (Z,0),$$

$$f((Z,0), a) = f((Z,1), g) = f((Z,1), a) = (Y,1)$$

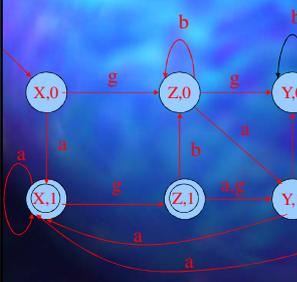
$$f((Z,1), b) = (Z,0)$$

$$\Gamma((X,0)) = \Gamma((X,1)) = \{a, g\},$$

$$\Gamma((Y,0)) = \Gamma((Y,1)) = \{a, b\},$$

$$\Gamma((Z,0)) = \Gamma((Z,1)) = \{a, b, g\}$$

$$S_m = \{(X,1), (Z,1)\}$$



Máquina de Estados

-Algumas Operações-

Composição Paralela

Se $E_1 = E_2$, todos os eventos de $SM_1 || SM_2$ serão sincronizados

Se $E_1 \cap E_2 = \emptyset$, não se tem eventos sincronizados. Tem-se a concorrência, com nenhum sincronismo (*interleaving* dos eventos de SM_1 e SM_2)

Máquina de Estados

-Algumas Operações-

■ Produto

$$SM_1 = (S_1, E_1, f_1, \Gamma_1, s_0^1, S_m^1)$$

$$SM_2 = (S_2, E_2, f_2, \Gamma_2, s_0^2, S_m^2)$$

$$SM_1 \times SM_2 = Rc(S_1 \times S_2, E_1 \cap E_2, f_{1 \times 2}, \Gamma_{1 \times 2}, (s_0^1, s_0^2), S_m^1 \times S_m^2)$$

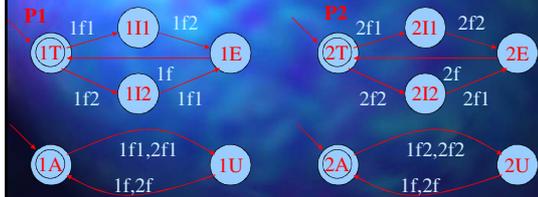
$$f_{1 \times 2}((s_1, s_2), e) = \begin{cases} (f_1(s_1, e), f_2(s_2, e)) & \text{se } e \in \Gamma_1(s_1) \cap \Gamma_2(s_2) \\ \text{indefinido} & \text{caso contrário} \end{cases}$$

$$\Gamma_{1 \times 2}(s_1, s_2) = \Gamma_1(s_1) \cap \Gamma_2(s_2)$$

Máquina de Estados

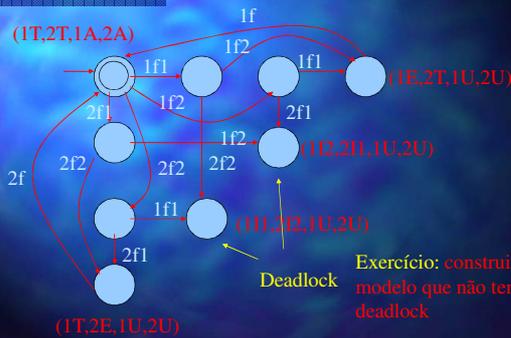
- Problema dos Filósofos -

- Suponhamos dois Filósofos P1 e P2. Cada filósofo ou está pensando ou comendo. Os eventos if_j significam o filósofo i pega o garfo j e o evento if_j significam o filósofo j libera os garfos.



Máquina de Estados

- Problema dos Filósofos -



Exercício: construir um modelo que não tenha deadlock

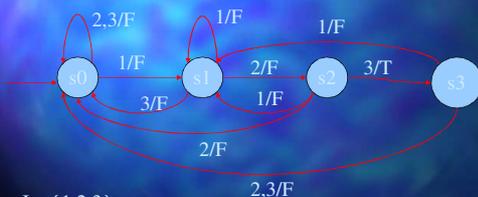
Finite State Machine Modelo Mealy

$$SM = (S, I, O, f, h)$$

- S – Conjunto de Estados
- $s_0 \in S$ – Estado inicial
- I – Alfabeto de entrada
- O – Alfabeto de saída
- $f : S \times I \rightarrow S$ – Função de próximo estado
- $h : S \times I \rightarrow O$ – Função de saída

Finite State Machine Modelo Mealy

■ Detector de Sequência 123



I = {1,2,3}
O = {F,T}

Finite State Machine

■ Linguagem Gerada

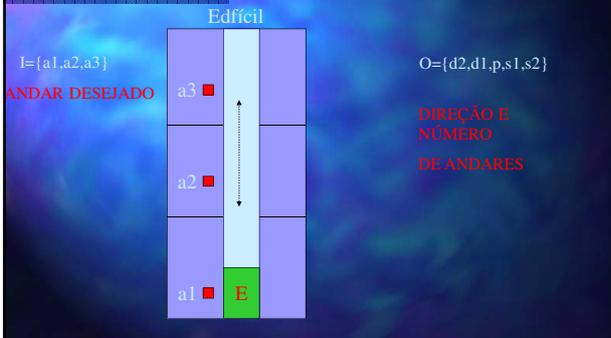
$$L(SM) = \{i_k \in I \mid f \text{ é definida}\}$$



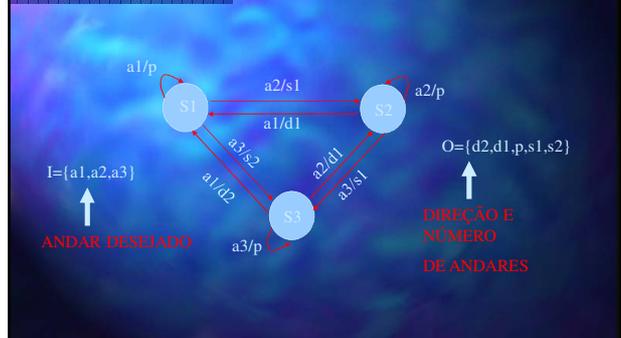
$$L(SM) = \{a, aa, ba, aaa, aba, \dots\}$$

Duas Máquinas de Estados SM1 e SM2 são ditas equivalentes se $L(SM1) = L(SM2)$

Máquinas de Estados Finitos Modelo Mealy



Máquinas de Estados Finitos Modelo Mealy

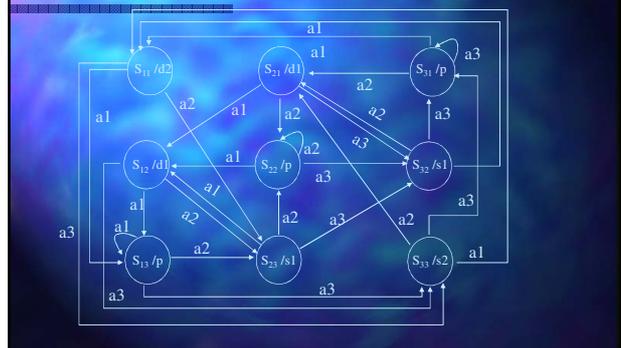


Máquinas de Estados Finitos Modelo Moore

FSM = (S, I, O, f, h)

- S - Conjunto de Estados
- $s_0 \in S$ - Estado inicial
- I - Alfabeto de entrada
- O - Alfabeto de saída
- $f : S \times I \rightarrow S$ - Função de próximo estado
- $h : S \rightarrow O$ - Função de saída

Máquinas de Estados Finitos Modelo Moore



Máquinas de Estados Finitos

- Dificuldades na modelagem direta da concorrência.
 - Criação de processos
 - sincronização
- Impossibilidade de representação de sistemas com número infinito de estados.
- A análise de propriedades interessantes são decidíveis

Sistema de Transição Rotulado (Labeled Transition System)

Sistema de Transição Rotulado

- $TS = (S, s_0, L, tran)$
 - S – Conjunto de Estados
 - s_0 – Estado inicial
 - L – Conjunto de rótulos
 - $tran \subseteq S \times L \times S$, normalmente indicada por $s \xrightarrow{a} s'$

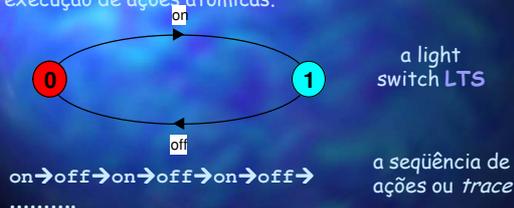
Finite State Process (FSP)

Modelando Processos

- Modelos serão descritos por *Labelled Transition Systems* LTS.
- Serão descritos textualmente através *finite state processes* (FSP)
- Ferramenta *LTSA*.
- ◆ LTS - forma gráfica
 - ◆ FSP - forma algébrica

modelando processos

Um processo é a execução de programa seqüencial. Modelaremos utilizando LTS que muda de estado pela execução de ações atômicas.



FSP - Prefixação

Se x é uma ação e P um processo então $(x \rightarrow P)$ descreve um processo que inicialmente executa a ação x e comporta-se exatamente como descrito pelo processo P .

ONESHOT = (once \rightarrow STOP) . ONESHOT state machine



Convenção: ações começam com letras minúsculas e PROCESSOS com letras maiúsculas

FSP - Prefixação & Recursão

Comportamento Repetitivo - Usas-se recursão:

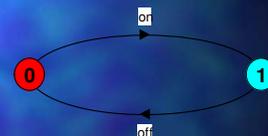
SWITCH = OFF,
 OFF = (on \rightarrow ON),
 ON = (off \rightarrow OFF) .

Forma mais sucinta:

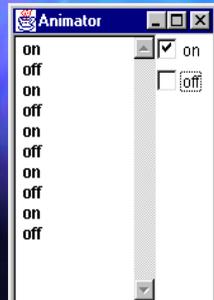
SWITCH = OFF,
 OFF = (on \rightarrow (off \rightarrow OFF)) .

Outra vez:

SWITCH = (on \rightarrow off \rightarrow SWITCH) .

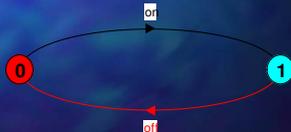


animação usando LTSA



O animador *LTSA* pode ser usado para produzir um *trace*.

Escolha das ações elegíveis.

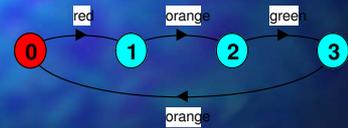


FSP - Prefixação

Modelo FSP de um semáforo :

```
TRAFFICLIGHT = (red->orange->green->orange
-> TRAFFICLIGHT) .
```

LTS gerado utilizando *LTSA*:



Trace:

```
red->orange->green->orange->red->orange->green
n ...
```

FSP - Escolha

Se x e y são ações então $(x \rightarrow P \mid y \rightarrow Q)$ descreve um processo que inicialmente executa x or y . Após a primeira ação ter ocorrido, o comportamento subsequente é descrito por P se a primeira ação foi x e Q se foi y .

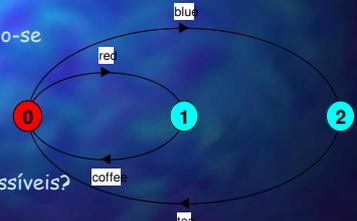
Quem o que fez a escolha?

FSP - choice

Modelo FSP of uma máquina de venda :

```
DRINKS = (red->coffee->DRINKS
| blue->tea->DRINKS
) .
```

LTS gerado usando-se *LTSA*:

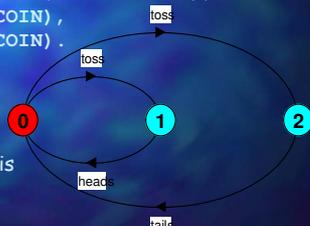


Quais são os *traces* possíveis?

Escolha Não-Determinística

Processo $(x \rightarrow P \mid x \rightarrow Q)$ descreve um processo que executa x e então comporta-se como P ou Q .

```
COIN = (toss->HEADS | toss->TAILS) ,
HEADS = (heads->COIN) ,
TAILS = (tails->COIN) .
```



Quais são os possíveis *traces*?

FSP - Processos e Ações Indexadas

buffer que recebe como entrada um valor entre 0 e 3 e então fornece como saída:

```
BUFF = (in[i:0..3]->out[i]-> BUFF) .
```

Equivalente a

```
BUFF = (in[0]->out[0]->BUFF
| in[1]->out[1]->BUFF
| in[2]->out[2]->BUFF
| in[3]->out[3]->BUFF)
```

Ou através de) parâmetros de processos com valor default:

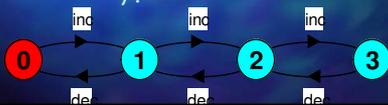
```
BUFF (N=3) = (in[i:0..N]->out[i]-> BUFF) .
```

FSP - Ações Guardadas

A escolha (**when** B x \rightarrow P | y \rightarrow Q) significa que quando a guarda B é verdadeira então as ações x e y são ambas elegíveis, caso contrário, se B is falso, então a ação x não pode ser escolhida.

```

COUNT (N=3) = COUNT[0],
COUNT[i:0..N] = (when (i<N) inc->COUNT[i+1]
                  | when (i>0) dec->COUNT[i-1]
                  ).
    
```



Sistema de Transição Rotulado

- Sejam dois processos concorrentes A e B
 - Processo A {
 - Enquanto C=T {
 - e1
 - e2
 - e3
 - e5
- Processo B {
 - e4
 - e5

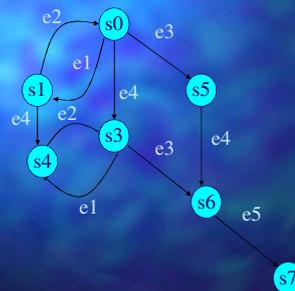
Sistema de Transição Rotulado

- Se A e B são dois processos, então (A||B) representa a execução concorrente de A e B.

Processo A = (e1 \rightarrow e2 \rightarrow Process A) Processo B = (e4 \rightarrow e5 - Process B)

Process C = ((Process A || Process B) \rightarrow Process C)

Sistema de Transição Rotulado



Composição Paralela Interleaving de Ações

Se VERTV e CONVERSA são dois processos, então (VERTV||CONVERSA) representa a execução concorrente de VERTV e CONVERSA. O operador || é o operador de composição paralela.

```

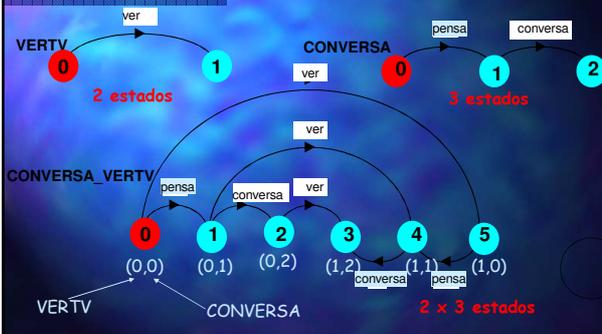
VERTV = (ver->STOP) .
CONVERSA = (pensa->conversa->STOP) .
    
```

||CONVERSA_VERTV = (VERTV || CONVERSA) .

pensa \rightarrow conversa \rightarrow ver
 pensa \rightarrow ver \rightarrow conversa
 ver \rightarrow pensa \rightarrow conversa

Os *traces* possíveis são resultados do interleaving de ações.

Composição Paralela Interleaving de Ações



Modelando Interações Ações Compartilhadas

Se processos em uma composição têm ações em comum, estas ações são ditas **compartilhadas**.

Ações compartilhadas modelam as interações entre processos.

Enquanto ações não compartilhadas podem ser arbitrariamente *interleaved*, ações compartilhadas devem ser executadas ao mesmo tempo por todos os processos.

```
MAKER = (make->ready->MAKER) .
USER = (ready->use->USER) .

||MAKER_USER = (MAKER || USER) .
```

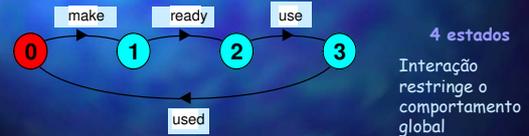
MAKER
sincroniza-se
com USER
quando **ready**.

Modelando Interações Ações Compartilhadas

```
MAKERv2 = (make->ready->used->MAKERv2) .
USERv2 = (ready->use->used->USERv2) .

||MAKER_USERv2 = (MAKERv2 || USERv2) .
```

3 estados
3 estados
3 x 3
estados?

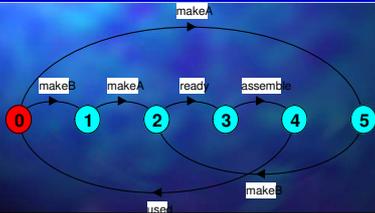


Modelando Interações Múltiplos Processos

Sincronização Múltipla:

```
MAKE_A = (makeA->ready->used->MAKE_A) .
MAKE_B = (makeB->ready->used->MAKE_B) .
ASSEMBLE = (ready->assemble->used->ASSEMBLE) .

||FACTORY = (MAKE_A || MAKE_B || ASSEMBLE) .
```



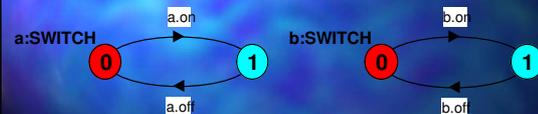
Nomeação de Processo

a:P prefixa cada rótulo associado a uma ação do alfabeto P com a.

```
SWITCH = (on->off->SWITCH) .
```

Duas **instâncias** de switch
process:

```
||TWO_SWITCH = (a:SWITCH ||  
b:SWITCH) .
```



Um array de **instâncias** do processo switch:

```
||SWITCHES(N=3) = (forall[i:1..N]  
s[i]:SWITCH) .  
||SWITCHES(N=3) = (s[i:1..N]:SWITCH) .
```

Nomeação de processo por um conjunto de rótulos prefixos

{a1,...,ax}::P substitui todo rótulo associado a uma ação no alfabeto de P com os rótulos a1.n,...,ax.n.

Posteriormente, toda ação (n->X) na definição de P será substituída pelas transições ({a1.n,...,ax.n}->X).

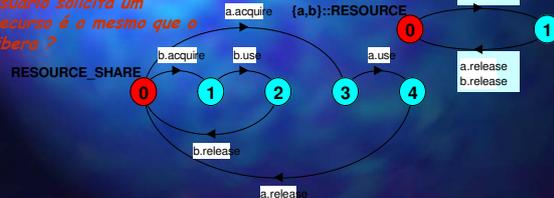
```
RESOURCE = (acquire->release->RESOURCE) .
USER = (acquire->use->release->USER) .
```

```
||RESOURCE_SHARE = (a:USER || b:USER  
|| {a,b}::RESOURCE) .
```

Rótulos Prefixados a Processos



Como se garante que um usuário solicita um recurso é o mesmo que o libera?



Renomeação de Ações

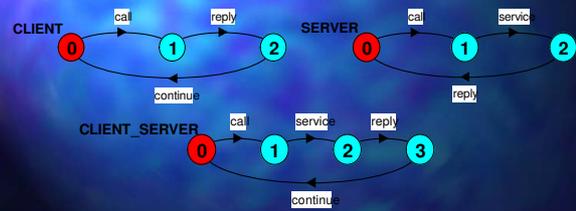
Funções de renomeação são usadas para mudar os nomes das ações. A forma geral é:
 $\{newlabel_1/oldlabel_1, \dots, newlabel_n/oldlabel_n\}$.

O renomeação garante que processos compostos se sincronizarão em uma ação em particular.

```
CLIENT = (call->wait->continue->CLIENT) .
SERVER = (request->service->reply->SERVER) .
```

Renomeação de Ações

```
|| CLIENT_SERVER = (CLIENT || SERVER)
   /{call/request, reply/wait}.
```



Tornando Internas (hiding) as Ações- Abstração para Redução de Complexidade

Quando aplicado a um processo P, o operador **hiding** $\{a1..ax\}$ remove os nomes das ações $a1..ax$ do alfabeto de P e torna estas ações "Silent". Estas ações são rotuladas por τ . Ações *Silent* em processos diferentes não são compartilhadas.

Algumas vezes é importante mostra as ações que não são *silents*.

Quando aplicado ao processo P, o operador de interface $@\{a1..ax\}$ esconde todas as ações exceto as presentes no conjunto $a1..ax$.

Tornando Internas (hiding) as Ações

As seguintes definições são equivalentes:

```
USER = (acquire->use->release->USER)
   \{use}.
```

```
USER = (acquire->use->release->USER)
   @ {acquire, release}.
```

A minimização remove as ações *silents* produzindo um LTS com ações observáveis.

